

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
Федеральное государственное бюджетное образовательное
учреждение высшего образования
«Комсомольский-на-Амуре государственный университет»

УТВЕРЖДАЮ
Декан факультета
Факультет компьютерных технологий
Я.Ю.Григорьев
«03» / 06 2021 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

«Функциональный анализ»

Направление подготовки	02.03.03 Математическое обеспечение и администрирование информационных систем
Направленность (профиль) образовательной программы	Технология программирования
Квалификация выпускника	Бакалавр
Год начала подготовки (по учебному плану)	2021
Форма обучения	Очная форма
Технология обучения	Традиционная

Курс	Семестр	Трудоемкость, з.е.
3	6	4

Вид промежуточной аттестации	Обеспечивающее подразделение
Экзамен	Кафедра «Прикладная математика»

Разработчик рабочей программы:

Зав.кафедрой, к.ф.-м.н., доцент
(должность, степень, ученое звание)


(подпись)

Григорьева А.Л.
(ФИО)

СОГЛАСОВАНО:

Заведующий кафедрой
Прикладная математика
(наименование кафедры)


(подпись)

Григорьева А.Л.
(ФИО)

1 Введение

Рабочая программа и фонд оценочных средств дисциплины «Функциональный анализ» составлена в соответствии с требованиями федерального государственного образовательного стандарта: № 809 от 23.08.2017, и основной профессиональной образовательной программы подготовки «Технология программирования» по направлению 02.03.03 «Математическое обеспечение и администрирование информационных систем».

Практическая подготовка реализуется на основе профессиональных стандартов:

- 06.001 Программист (утв. приказом Министерства труда и социальной защиты РФ от 18 ноября 2013 г. N 679н) 3.4. Обобщенная трудовая функция: D. Разработка требований и проектирование программного обеспечения.

- 06.022 Системный аналитик (Зарегистрировано в Министерстве юстиции Российской Федерации 24 ноября 2014 года, регистрационный N 34882) Обобщенная трудовая функция: С. Концептуальное, функциональное и логическое проектирование систем среднего и крупного масштаба и сложности.

Задачи дисциплины	Дать студентам теоретические знания по основным разделам курса. Научить студентов решению задач по соответствующим разделам курса. Предоставить студентам задания для самостоятельного выполнения и проконтролировать качество их решения. • Проконтролировать полученные знания, умения и навыки.
Основные разделы / темы дисциплины	Основные понятия функционального анализа. Полные метрические пространства. Принцип сжимающего отображения и его приложения.

2 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соответствующих с индикаторами достижения компетенций

Процесс изучения дисциплины «Функциональный анализ» направлен на формирование следующих компетенций в соответствии с ФГОС ВО и основной образовательной программой (таблица 1):

Таблица 1 – Компетенции и индикаторы их достижения

Код и наименование компетенции	Индикаторы достижения	Планируемые результаты обучения по дисциплине
Общепрофессиональные		
ОПК-1 Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности	ОПК-1.1 Знает основные математические и физические теоремы, законы, алгоритмы решения задач ОПК-1.2 Умеет использовать фундаментальные знания в области математических и естественных наук для решения задач прикладного характера ОПК-1.3 Владеет навыками анализа и использования основных математических, физических законов, теорем,	Знать основные естественнонаучные составляющие задач профессиональной деятельности, а также математические и физические теоремы, законы, алгоритмы решения задач Уметь использовать методы решения задач, математические, физические законы для решения задач прикладного характера Владеть навыками использования основных математиче-

	алгоритмов решения задач профессиональной деятельности	ских, физических законов, теорем, алгоритмов решения в задачах профессиональной деятельности
--	--	--

3 Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы

Дисциплина «Функциональный анализ» изучается на 3 курсе, 6 семестре.

Дисциплина входит в состав блока 1 «Дисциплины (модули)» и относится к базовой части.

Для освоения дисциплины необходимы знания, умения, навыки и / или опыт практической деятельности, сформированные в процессе изучения дисциплин / практик: «Линейная алгебра и аналитическая геометрия», «Математический анализ», «Линейные преобразования и квадратичные формы», «Дискретная математика», «Основы вычислительной математики», «Физика», «Теория вероятностей и математическая статистика», «Теория функции комплексного переменного», «Философия», «Дифференциальные уравнения», «Математическая логика и теория алгоритмов», «Классическая механика», «Прикладная механика».

Знания, умения и навыки, сформированные при изучении дисциплины «Функциональный анализ», будут востребованы при изучении последующих дисциплин: «Тензорный анализ», «Теория матриц».

Дисциплина «Функциональный анализ» в рамках воспитательной работы направлена на формирование у обучающихся активной гражданской позиции, уважения к правам и свободам человека, знания правовых основ и законов, воспитание чувства ответственности или умения аргументировать, самостоятельно мыслить, развивает творчество, профессиональные умения или творчески развитой личности, системы осознанных знаний, ответственности за выполнение учебно-производственных заданий и т.д.

Дисциплина «Функциональный анализ» частично реализуется в форме практической подготовки. Практическая подготовка организуется путем проведения / выполнения практических занятий.

4 Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся

Общая трудоемкость (объем) дисциплины составляет 4 з.е., 144 акад. час.

Распределение объема дисциплины (модуля) по видам учебных занятий представлено в таблице 2.

Таблица 2 – Объем дисциплины (модуля) по видам учебных занятий

Объем дисциплины	Всего академических часов
Общая трудоемкость дисциплины	144
Контактная аудиторная работа обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий), всего	42
В том числе:	
занятия лекционного типа (лекции и иные учебные занятия, предусматривающие преимущественную передачу учебной информации педагогическими работниками)	14
занятия семинарского типа (семинары, практические занятия, практи-	28

кумы, лабораторные работы, коллоквиумы и иные аналогичные занятия)	
Самостоятельная работа обучающихся и контактная работа , включающая групповые консультации, индивидуальную работу обучающихся с преподавателями (в том числе индивидуальные консультации); взаимодействие в электронной информационно-образовательной среде вуза	66
Промежуточная аттестация обучающихся – Экзамен	35+1

5 Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебной работы

Таблица 3 – Структура и содержание дисциплины (модуля)

Наименование разделов, тем и содержание материала	Виды учебной работы, включая самостоятельную работу обучающихся и трудоемкость (в часах)			СРС
	Контактная работа преподавателя с обучающимися			
	Лекции	Семинарские (практические занятия)	Лабораторные занятия	
Тема Понятие о математической структуре. Функциональный анализ как раздел математики, изучающий математические структуры (категории пространств). Иерархия основных математических структур	3	6		10
Тема Простейшая (количественная) категория. Понятие мощности множества. Счетные и континуальные множества и их свойства	3	6		10
Тема Доказательство основных классических неравенств: Гёльдера, Минковского, Коши-Буняковского для конечных сумм, рядов, интегралов	3	6		10
Тема Метрические пространства. Примеры метрических пространств. Открытые и замкнутые шары в метрических пространствах. Понятие открытого, замкнутого множества в метрическом пространстве, их свойства	4	4*		15
Тема Понятие топологического пространства. Определение предела, непре-	1	6*		21

рывности в топологических терминах. Требования на топологию, обеспечивающие естественные свойства предела (хаусдорфовость топологии)				
ИТОГО по дисциплине	14	28		66

*в виде практической подготовки

6 Внеаудиторная самостоятельная работа обучающихся по дисциплине (модулю)

При планировании самостоятельной работы студенту рекомендуется руководствоваться следующим распределением часов на самостоятельную работу (таблица 4):

Таблица 4 – Рекомендуемое распределение часов на самостоятельную работу

Компоненты самостоятельной работы	Количество часов
Изучение теоретических разделов дисциплины	20
Подготовка к занятиям семинарского типа	20
Подготовка и оформление РГР	26
	66

7 Оценочные средства для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине (модулю)

Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации представлен в Приложении 1.

Полный комплект контрольных заданий или иных материалов, необходимых для оценивания результатов обучения по дисциплине (модулю), практике хранится на кафедре-разработчике в бумажном и электронном виде.

8 Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (модуля)

8.1 Основная литература

1 Богачев, В.И. Функциональный анализ [Электронный ресурс] : учебник для вузов / В.И. Богачев, – М.: Изд-во ПСТГУ, 2011. – 396 с. – Режим доступа: <https://www.twirpx.com/file/1784448/>, свободный. – Загл. с экрана.

2 Колмогоров, А.Н. Элементы теории функций и функционального анализа [Электронный ресурс] : учебник для вузов / А.Н. Колмогоров, С.В. Фомин. – М. : ФИЗМАТЛИТ, 2004. – 572 с. – Режим доступа: <https://edulib.com/matematika-2/dlya-studentov/kolmogorov-a-n-fomin-s-v-elementyi-teorii-funktsiy-i-funktsionalnogo-analiza-onlayn>, свободный. – Загл. с экрана.

8.2 Дополнительная литература

1 Фирсов, И.П. Лекции по функциональному анализу [Электронный ресурс]: учебное пособие / А.И. Сухинов, И.П. Фирсов. - Ростов н/Д: Издательство ЮФУ, 2009. - 189 с. ISBN 978-5-9275-0671-2 - Режим доступа: <http://znanium.com/catalog/product/549858>.

2 Сазонов, Л.И. Функциональный анализ в примерах и задачах [Электронный ресурс]: учеб. пособие / С.В. Ревина, Л.И. Сазонов - Ростов-на-Дону:Издательство ЮФУ, 2009. - 120 с. ISBN 978-5-9275-0683-5 - Режим доступа: <http://znanium.com/catalog/product/556115>.

3 Шейпак, И.А. Задачи по функциональному анализу [Электронный ресурс]: Учебное пособие / П.А. Бородин, А.М. Савчук, И.А. Шейпак - М.:МЦНМО, 2017. - 334 с.:

ISBN 978-5-4439-3092-3 - Режим доступа:
<http://znanium.com/catalog/product/970336>.

4 Кадец, В. М. Курс функционального анализа. [Электронный ресурс] : учебник для вузов / В. М. Кадец. – Харьков: ХНУ имени В.Н. Каразина, 2006. – 607 с. – Режим доступа: <https://www.twirpx.com/file/810552/>, свободный. – Загл. с экрана.

5 Хелемский, А.Я. Лекции по функциональному анализу [Электронный ресурс] : учебник для вузов / А.Я. Хелемский, – М.: МЦНМО, 2004. – 552 с. – Режим доступа: <https://nashol.com/2014102680297/lekcii-po-funkcionalnomu-analizu-helemskii-a-ya-2004.html>, свободный. – Загл. с экрана.

6 Босс В. Лекции по математике. Т. 5: Функциональный анализ [Электронный ресурс] : учебник для вузов / В. Босс, – М.: КомКнига, 2005. – 216 с. – Режим доступа: <http://mexalib.com/view/26793>, свободный. – Загл. с экрана.

8.3 Методические указания для студентов по освоению дисциплины

Для повышения качества выживаемости знаний задачи контрольной работы должны подбираться с учетом необходимости применения знаний в последующих дисциплинах.

Проведение контроля текущей успеваемости, с одной стороны, позволяет получать адекватную информацию о степени усвоения учебного материала, с другой стороны, стимулирует ритмичность учебной деятельности.

Контрольная работа способствует лучшему освоению практических навыков по данному предмету, обобщает и систематизирует полученные знания, умения и навыки. Студент получает задания в начале семестра, а сдает выполненную контрольную работу в конце семестра.

8.4 Студент, не выполнивший к концу семестра контрольную работу, не допускается **Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы, используемые при осуществлении образовательного процесса по дисциплине**

В процессе изучения дисциплины используются следующие ЭБС:

Электронно-библиотечная система ZNANIUM.COM.

Договор № 4997 эбс ИКЗ 21 1 2727000769 270301001 0010 004 6311 244 от 13 апреля 2021 г.

Электронно-библиотечная система IPRbooks.

Лицензионный договор № ЕП 44/4 на предоставление доступа к электронно-библиотечной системе IPRbooks ИКЗ 21 1 2727000769 270301001 0010 003 6311 244 от 05 февраля 2021 г.

Образовательная платформа Юрайт.

Договор № ЕП44/2 на оказание услуг по предоставлению доступа к образовательной платформе ИКЗ 21 1 2727000769 270301001 0010001 6311 244 от 02 февраля 2021 г.

8.5 Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины (модуля)

нет

8.6 Лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение, используемое при осуществлении образовательного процесса по дисциплине

нет

до экзамена.

9 Организационно-педагогические условия

Организация образовательного процесса регламентируется учебным планом и расписанием учебных занятий. Язык обучения (преподавания) - русский. Для всех видов аудиторных занятий академический час устанавливается продолжительностью 45 минут.

При формировании своей индивидуальной образовательной траектории обучающийся имеет право на перезачет соответствующих дисциплин и профессиональных модулей, освоенных в процессе предшествующего обучения, который освобождает обучающегося от необходимости их повторного освоения.

9.1 Образовательные технологии

Учебный процесс при преподавании курса основывается на использовании традиционных, инновационных и информационных образовательных технологий. Традиционные образовательные технологии представлены лекциями и семинарскими (практическими) занятиями. Инновационные образовательные технологии используются в виде широкого применения активных и интерактивных форм проведения занятий. Информационные образовательные технологии реализуются путем активизации самостоятельной работы студентов в информационной образовательной среде.

9.2 Занятия лекционного типа

Лекционный курс предполагает систематизированное изложение основных вопросов учебного плана.

На первой лекции лектор обязан предупредить студентов, применительно к какому базовому учебнику (учебникам, учебным пособиям) будет прочитан курс.

Лекционный курс должен давать наибольший объем информации и обеспечивать более глубокое понимание учебных вопросов при значительно меньшей затрате времени, чем это требуется большинству студентов на самостоятельное изучение материала.

9.3 Занятия семинарского типа

Семинарские занятия представляют собой детализацию лекционного теоретического материала, проводятся в целях закрепления курса и охватывают все основные разделы.

Основной формой проведения семинаров является обсуждение наиболее проблемных и сложных вопросов по отдельным темам, а также разбор примеров и ситуаций в аудиторных условиях. В обязанности преподавателя входят: оказание методической помощи и консультирование студентов по соответствующим темам курса.

Активность на семинарских занятиях оценивается по следующим критериям:

- ответы на вопросы, предлагаемые преподавателем;
- участие в дискуссиях;
- выполнение проектных и иных заданий;
- ассистирование преподавателю в проведении занятий.

Ответ должен быть аргументированным, развернутым, не односложным, содержать ссылки на источники.

Доклады и оппонирование докладов проверяют степень владения теоретическим материалом, а также корректность и строгость рассуждений.

Оценивание заданий, выполненных на семинарском занятии, входит в накопленную оценку.

9.4 Самостоятельная работа обучающихся по дисциплине (модулю)

Самостоятельная работа студентов – это процесс активного, целенаправленного приобретения студентом новых знаний, умений без непосредственного участия преподавателя,

характеризующийся предметной направленностью, эффективным контролем и оценкой результатов деятельности обучающегося.

Цели самостоятельной работы:

- систематизация и закрепление полученных теоретических знаний и практических умений студентов;
- углубление и расширение теоретических знаний;
- формирование умений использовать нормативную и справочную документацию, специальную литературу;
- развитие познавательных способностей, активности студентов, ответственности и организованности;
- формирование самостоятельности мышления, творческой инициативы, способностей к саморазвитию, самосовершенствованию и самореализации;
- развитие исследовательских умений и академических навыков.

Самостоятельная работа может осуществляться индивидуально или группами студентов в зависимости от цели, объема, уровня сложности, конкретной тематики.

Технология организации самостоятельной работы студентов включает использование информационных и материально-технических ресурсов университета.

Контроль результатов внеаудиторной самостоятельной работы студентов может проходить в письменной, устной или смешанной форме.

Студенты должны подходить к самостоятельной работе как к наиважнейшему средству закрепления и развития теоретических знаний, выработке единства взглядов на отдельные вопросы курса, приобретения определенных навыков и использования профессиональной литературы.

9.5 Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

При изучении дисциплины обучающимся целесообразно выполнять следующие рекомендации:

1. Изучение учебной дисциплины должно вестись систематически.
2. После изучения какого-либо раздела по учебнику или конспектным материалам рекомендуется по памяти воспроизвести основные термины, определения, понятия раздела.
3. Особое внимание следует уделить выполнению отчетов по практическим занятиям и индивидуальным комплексным заданиям на самостоятельную работу.
4. Вся тематика вопросов, изучаемых самостоятельно, задается на лекциях преподавателем. Им же даются источники (в первую очередь вновь изданные в периодической научной литературе) для более детального понимания вопросов, озвученных на лекции.

При самостоятельной проработке курса обучающиеся должны:

- просматривать основные определения и факты;
- повторить законспектированный на лекционном занятии материал и дополнить его с учетом рекомендованной по данной теме литературы;
- изучить рекомендованную литературу, составлять тезисы, аннотации и конспекты наиболее важных моментов;
- самостоятельно выполнять задания, аналогичные предлагаемым на занятиях;
- использовать для самопроверки материалы фонда оценочных средств.

10 Описание материально-технического обеспечения, необходимого для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)

10.1 Учебно-лабораторное оборудование

Отсутствует

10.2 Технические и электронные средства обучения

Отсутствуют

11 Другие сведения

Методические рекомендации по обучению лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Освоение дисциплины обучающимися с ограниченными возможностями здоровья может быть организовано как совместно с другими обучающимися, так и в отдельных группах. Предполагаются специальные условия для получения образования обучающимися с ограниченными возможностями здоровья.

Профессорско-педагогический состав знакомится с психолого-физиологическими особенностями обучающихся инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья, индивидуальными программами реабилитации инвалидов (при наличии). При необходимости осуществляется дополнительная поддержка преподавания тьюторами, психологами, социальными работниками, прошедшими подготовку ассистентами.

В соответствии с методическими рекомендациями Минобрнауки РФ (утв. 8 апреля 2014 г. N АК-44/05вн) в курсе предполагается использовать социально-активные и рефлексивные методы обучения, технологии социокультурной реабилитации с целью оказания помощи в установлении полноценных межличностных отношений с другими студентами, создании комфортного психологического климата в студенческой группе. Подбор и разработка учебных материалов производится с учетом предоставления материала в различных формах: аудиальной, визуальной, с использованием специальных технических средств и информационных систем.

Освоение дисциплины лицами с ОВЗ осуществляется с использованием средств обучения общего и специального назначения (персонального и коллективного использования). Материально-техническое обеспечение предусматривает приспособление аудиторий к нуждам лиц с ОВЗ.

Форма проведения аттестации для студентов-инвалидов устанавливается с учетом индивидуальных психофизических особенностей. Для студентов с ОВЗ предусматривается доступная форма предоставления заданий оценочных средств, а именно:

- в печатной или электронной форме (для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата);
- в печатной форме или электронной форме с увеличенным шрифтом и контрастностью (для лиц с нарушениями слуха, речи, зрения);
- методом чтения ассистентом задания вслух (для лиц с нарушениями зрения).

Студентам с инвалидностью увеличивается время на подготовку ответов на контрольные вопросы. Для таких студентов предусматривается доступная форма предоставления ответов на задания, а именно:

- письменно на бумаге или набором ответов на компьютере (для лиц с нарушениями слуха, речи);
- выбором ответа из возможных вариантов с использованием услуг ассистента (для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата);
- устно (для лиц с нарушениями зрения, опорно-двигательного аппарата).

При необходимости для обучающихся с инвалидностью процедура оценивания результатов обучения может проводиться в несколько этапов.

ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ**по дисциплине****«Функциональный анализ»**

Направление подготовки	02.03.03 Математическое обеспечение и администрирование информационных систем
Направленность (профиль) образовательной программы	Технология программирования
Квалификация выпускника	Бакалавр
Год начала подготовки (по учебному плану)	2021
Форма обучения	Очная форма
Технология обучения	Традиционная

Курс	Семестр	Трудоемкость, з.е.
3	6	4

Вид промежуточной аттестации	Обеспечивающее подразделение
Экзамен	Кафедра «Прикладная математика»

1 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с индикаторами достижения компетенций

Таблица 1 – Компетенции и индикаторы их достижения

Код и наименование компетенции	Индикаторы достижения	Планируемые результаты обучения по дисциплине
Общепрофессиональные		
ОПК-1 Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности	ОПК-1.1 Знает основные математические и физические теоремы, законы, алгоритмы решения задач ОПК-1.2 Умеет использовать фундаментальные знания в области математических и естественных наук для решения задач прикладного характера ОПК-1.3 Владеет навыками анализа и использования основных математических, физических законов, теорем, алгоритмов решения задач профессиональной деятельности	Знать основные естественнонаучные составляющие задач профессиональной деятельности, а также математические и физические теоремы, законы, алгоритмы решения задач Уметь использовать методы решения задач, математические, физические законы для решения задач прикладного характера Владеть навыками использования основных математических, физических законов, теорем, алгоритмов решения в задачах профессиональной деятельности

Таблица 2 – Паспорт фонда оценочных средств

Контролируемые разделы (темы) дисциплины	Формируемая компетенция	Наименование оценочного средства	Показатели оценки
Основные понятия функционального анализа. Полные метрические пространства. Принцип сжимающего отображения и его приложения.	ОПК-1	РГР	Знает основные понятия теории множеств и умеет их применять для решения задач.

2 Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующие процесс формирования компетенций

Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, представлены в виде технологической карты дисциплины (таблица 3).

Таблица 3 – Технологическая карта

	Наименование оценочного средства	Сроки выполнения	Шкала оценивания	Критерии оценивания
6 семестр				
<i>Промежуточная аттестация в форме Экзамен</i>				

	Наименование оценочного средства	Сроки выполнения	Шкала оценивания	Критерии оценивания
	РГР	В конце семестра	50 баллов	<p>50 баллов - студент правильно выполнил задание. Показал отличные владения навыками применения полученных знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала. Ответил на все дополнительные вопросы на защите.</p> <p>30 баллов - студент выполнил задание с небольшими неточностями. Показал хорошие владения навыками применения полученных знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала. Ответил на большинство дополнительных вопросов на защите.</p> <p>15 баллов - студент выполнил задание с существенными неточностями. Показал удовлетворительное владение навыками применения полученных знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала. При ответах на дополнительные вопросы на защите было допущено много неточностей.</p> <p>0 баллов - при выполнении задания студент продемонстрировал недостаточный уровень владения навыками применения полученных знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала. При ответах на дополнительные вопросы на защите было допущено множество неточностей.</p>
Текущий контроль:		-	_50_ баллов	-
Экзамен:		-	_50_ баллов	<p>50 баллов – дан полный ответ, приведены примеры.</p> <p>40 баллов – дан полный ответ, допущены неточности.</p> <p>30 баллов – дан неполный ответ, допущены ошибки.</p> <p>20 баллов – ответ на вопрос билета отсутствует или неверен.</p>
ИТОГО:		-	_55_ баллов	-
<p>Критерии оценки результатов обучения по дисциплине:</p> <p>0 – 64 % от максимально возможной суммы баллов – «неудовлетворительно» (недостаточный уровень для промежуточной аттестации по дисциплине);</p> <p>65 – 74 % от максимально возможной суммы баллов – «удовлетворительно» (пороговый (минимальный) уровень);</p> <p>75 – 84 % от максимально возможной суммы баллов – «хорошо» (средний уровень);</p>				

	Наименование оценочного средства	Сроки выполнения	Шкала оценивания	Критерии оценивания
	85 – 100 % от максимально возможной суммы баллов – «отлично» (высокий (максимальный) уровень)			

РАСЧЕТНО-ГРАФИЧЕСКАЯ РАБОТА 1

Задание 1

1. В метрическом пространстве R с обычной метрикой $\rho(x, y) = |x - y|$ построить пример пересечения совокупности открытых множеств, которое не являлось бы открытым.

2. В метрическом пространстве R с обычной метрикой $\rho(x, y) = |x - y|$ построить пример объединения совокупности замкнутых множеств, которое не являлось бы замкнутым.

3. В метрическом пространстве R_1^2 изобразить замкнутый шар единичного радиуса с центром в нуле.

4. В метрическом пространстве R_2^2 изобразить замкнутый шар единичного радиуса с центром в нуле.

5. В метрическом пространстве R_∞^2 изобразить замкнутый шар единичного радиуса с центром в нуле.

6. В метрическом пространстве R_1^3 изобразить замкнутый шар единичного радиуса с центром в нуле.

Задание 2

1. Проверьте, принадлежит ли открытому шару $O_1(\bar{0})$, где $\bar{0} = (0, 0, 0, \dots)$ точка $x = \left(-\frac{1}{2}, \frac{1}{4}, \dots, \frac{\underbrace{1}_{2^n}}, \dots\right)$ в метрическом пространстве l_1 .

2. Проверьте, принадлежит ли открытому шару $O_{0,5}(\bar{0})$, где $\bar{0} = (0, 0, 0, \dots)$ точка $x = \left(-\frac{1}{2}, \frac{1}{4}, \dots, \frac{\underbrace{1}_{2^n}}, \dots\right)$ в метрическом пространстве l_2 .

3. Проверьте, принадлежит ли замкнутому шару $\bar{O}_1(\bar{0})$, где $\bar{0} = (0, 0, 0, \dots)$ точка $x = \left(1, -\frac{1}{2}, \frac{1}{4}, \dots, \frac{\underbrace{1}_{2^{n-1}}}, \dots\right)$ в метрическом пространстве l_∞ .

Задание 3

1. Пусть O_1 и O_2 - два открытых шара в метрическом пространстве, пересечение которых не пусто. Докажите, что существует открытый шар, принадлежащий их пересечению.

2. Доказать, что открытый шар в метрическом пространстве является открытым множеством.

3. Доказать, что замкнутый шар в метрическом пространстве является замкнутым множеством.

4. В метрическом пространстве ограниченных последовательностей l_∞ рассмотрим последовательность $\{e_i\}$ так называемых координатных ортов:

$$e_1 = 1, 0, 0, \dots$$

$$e_2 = 0, 1, 0, \dots$$

$$e_3 = 0, 0, 1, 0, \dots \text{ и т. д.}$$

К какой точке пространства l_∞ сходится данная последовательность покоординатно? Является ли эта точка пределом последовательности $\{e_i\}$ в метрике l_∞ ? Сходится ли вообще последовательность $\{e_i\}$ в l_∞ ?

5. Докажите, что при непрерывном отображении прообраз замкнутого множества тоже замкнут.

6. Пространство $C[a, b]$ непрерывных функций рассматривается с обычной равномерной метрикой. Проверить, является ли функционал $F(y) = \max_{x \in [a, b]} y(x)$ непрерывным.

7. Пространство $C[a, b]$ непрерывных функций рассматривается с обычной равномерной метрикой. Проверить, является ли функционал $F(y) = \min_{x \in [a, b]} y(x)$ непрерывным.

Задание

Найдите приближенное решение заданной системы линейных уравнений $A \cdot X = B$, выделив сжимающий оператор и вычислив пять членов итерационной последовательности. Найдите отклонение полученного приближенного решения от точного решения системы в метриках пространств R_1^3 , R_2^3 , R_∞^3 . Все требуемые вычисления провести в среде MathCAD.

$$1. \quad A = \begin{pmatrix} 100 & 8 & -2 \\ 1 & 200 & 7 \\ 3 & -5 & -50 \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} -50 \\ 40 \\ 20 \end{pmatrix}$$

$$2. \quad A = \begin{pmatrix} -100 & 18 & -9 \\ 1 & 300 & 17 \\ 13 & -7 & -80 \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} 150 \\ 400 \\ 120 \end{pmatrix}$$

$$3. \quad A = \begin{pmatrix} 700 & 81 & -42 \\ 11 & 500 & 70 \\ 30 & -25 & -500 \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} -50 \\ 47 \\ 200 \end{pmatrix}$$

Теоретические вопросы к экзамену

1. Понятие о математической структуре. Иерархия основных математических структур.

2. Доказательство основных классических неравенств: Гёльдера, Минковского, Коши-Буняковского для конечных сумм, рядов, интегралов.

3. Понятие метрического пространства. Примеры метрических пространств.

4. Открытые и замкнутые шары в метрических пространствах. Понятие открытого, замкнутого множества в метрическом пространстве, их свойства.

5. Понятие предела последовательности в метрическом пространстве, его единственность.

6. Понятие топологического пространства. Определение предела, непрерывности в топологических терминах. Требования на топологию, обеспечивающие естественные свойства предела (хаусдорфовость).

